

Πανελλήνιες Εξετάσεις Ημερήσιων Γενικών Λυκείων
 Εξεταζόμενο Μάθημα: Φυσική Προσανατολισμού, Θετικών Σπουδών
 Ημερομηνία: 12 Ιουνίου 2019
 Ενδεικτικές Απαντήσεις Θεμάτων

ΘΕΜΑ Α

A1. β A2. γ A3. α A4. γ

A5. α) Λάθος β) Σωστό γ) Λάθος δ) Σωστό ε) Σωστό

ΘΕΜΑ Β

B1.

Πριν την κρούση ισχύει:

$$v_s = \frac{v_H}{20}$$

$$f_1 = \frac{v_H}{v_H + v_s} f_s = \frac{v_H}{v_H + \frac{v_H}{20}} f_s \Rightarrow$$

$$f_1 = \frac{20}{21} f_s \quad (1)$$

$$\overline{Ρολ}_{αρχ} = \overline{Ρολ}_{τελ} \Rightarrow m_1 v_s = (m_1 + m_2) v'_s \Rightarrow v'_s = \frac{v_s}{2} = \frac{v_H}{40} \text{ m/s}$$

$$f_2 = \frac{v_H}{v_H + v'_s} f_s \Rightarrow f_2 = \frac{v_H}{v_H + \frac{v_H}{40}} = \frac{40}{41} f_s \quad (2)$$

$$\frac{f_1}{f_2} = \frac{\frac{20}{21} f_s}{\frac{40}{41} f_s} = \frac{20 \cdot 41}{40 \cdot 21} = \frac{41}{42}$$

Άρα, η σωστή απάντηση είναι το ii.

B2.

Εφαρμόζουμε την εξίσωση Bernoulli για την ρευματική γραμμή 1 → 2

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 +$$

$$\frac{1}{2} \rho v_2^2 \quad (1), \text{ με } p_2 = p_{atm}$$

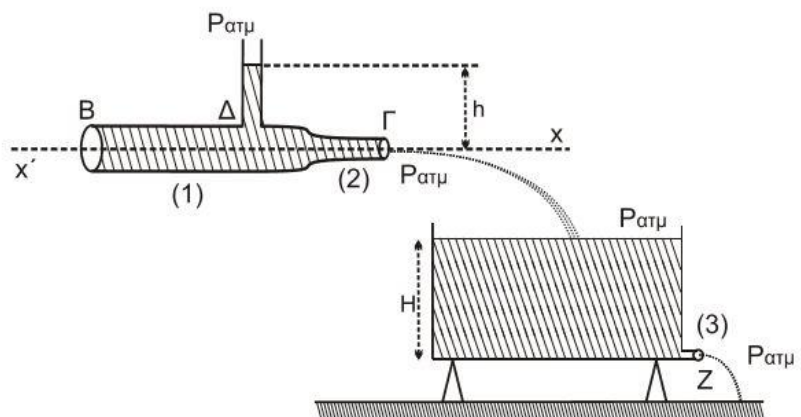
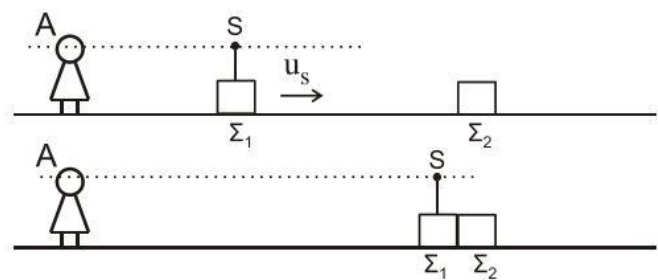
$$\text{και } p_1 = p_{atm} + \rho g h \quad (2)$$

Από εξίσωση συνέχειας έχουμε:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow 2A_2 v_1$$

$$= A_2 v_2 \Rightarrow v_1 = \frac{v_2}{2} \quad (3)$$

Από σχέσεις (1), (2), (3) έχουμε:



Μεθοδικό Φροντιστήριο

Βουλιαγμένης & Κύπρου 2, Αργυρούπολη, Τηλ: 210 99 40 999
 Δ. Γούναρη 201, Γλυφάδα, Τηλ: 210 96 36 300
 Ελ. Βενιζέλου 45 Ν.Σμύρνη, Τηλ: 210 93 10 320

ΜΕΘΟΔΙΚΟ

$$p_{atm} + \rho gh + \frac{1}{2} \rho \frac{v_2^2}{4} = p_{atm} + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow h = \frac{3v_2^2}{8g} \quad (4)$$

Εφαρμόζουμε την εξίσωση Bernoulli μεταξύ του σημείου E της επιφάνειας και του σημείου εξόδου (3). Είναι $v_E = 0$

$$p_{atm} + \frac{1}{2} \rho v_E^2 + \rho gH = \frac{1}{2} \rho v_3^2 + p_{atm} \quad (5)$$

Για τη σταθεροποίηση επιφάνειας του ρευστού, απαιτείται:

$$\Pi_2 = \Pi_3 \Rightarrow \frac{\Delta V_2}{\Delta t} = \frac{\Delta V_3}{\Delta t} \Rightarrow A_2 v_2 = A_3 v_3 \Rightarrow \frac{A_2}{2} v_3 = A_2 v_2 \Rightarrow v_3 = 2v_2 \quad (6)$$

Από τις σχέσεις (5) και (6) έχουμε:

$$\rho gH = \frac{1}{2} \rho 4v_2^2 \Rightarrow H = \frac{2v_2^2}{g} \quad (7)$$

$$\text{Από (4) και (7) έχουμε: } \frac{h}{H} = \frac{\frac{3}{8} \frac{v_2^2}{g}}{\frac{2}{g} v_2^2} = \frac{3}{16}$$

B3.

Εφαρμόζοντας ΘΜΚΕ από τη θέση OA έως τη θέση OD για τη ράβδο και βρίσκουμε την γωνιακή ταχύτητα της ράβδου στο Δ :

$$K_{\tau\epsilon\lambda} - K_{\alpha\rho\chi} = W_{ολ} \Rightarrow \frac{1}{2} I_O \cdot \omega_\Delta^2 - 0 = W_F$$

$$\frac{1}{2} I \cdot \omega_\Delta^2 = F \cdot L \cdot \frac{\pi}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} M \cdot L^2 \cdot \omega_\Delta^2$$

$$= F \cdot L \cdot \frac{\pi}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{6} M \cdot L^2 \cdot \omega_\Delta^2 = F \cdot L \cdot \frac{\pi}{2}$$

$$\frac{1}{6} \cdot 3 \cdot 1 \cdot \omega_\Delta^2 = 9\pi \cdot \frac{\pi}{2}$$

$$\omega_\Delta^2 = 9\pi^2 \Rightarrow \omega_\Delta = \sqrt{9\pi^2} \Rightarrow \omega_\Delta = 3\pi \text{ r/sec}$$

Εφαρμόζοντας την αρχή διατήρησης στροφορμής για την κρούση της ράβδου με το σώμα έχουμε:

$$\vec{L}_{\alpha\rho\chi} = \vec{L}_{\tau\epsilon\lambda} \Leftrightarrow I_\rho \cdot \omega_\Delta = I_{\sigma\upsilon\sigma\tau} \cdot \omega_{\tau\epsilon\lambda}$$

$$\frac{1}{3} \cdot M \cdot L^2 \cdot \omega_\Delta = \left(\frac{1}{3} ML^2 + mL^2\right) \cdot \omega_{\tau\epsilon\lambda}$$

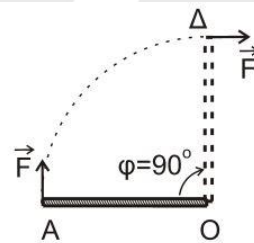
$$\frac{1}{3} \cdot 3 \cdot 1 \cdot 3\pi = \left(\frac{1}{3} \cdot 3 \cdot 1 + 1 \cdot 1\right) \cdot \omega_{\tau\epsilon\lambda}$$

$$3\pi = 2 \cdot \omega_{\tau\epsilon\lambda}$$

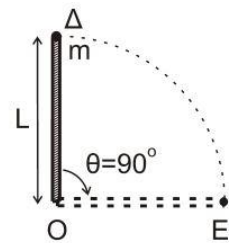
$$\omega_{\tau\epsilon\lambda} = \frac{3\pi}{2} \text{ r/sec η γωνιακή ταχύτητα του συστήματος ράβδος - σώμα μετά την κρούση τους.}$$

Η ράβδος μετά την κρούση εκτελεί ομαλή κυκλική κίνηση, με $\omega = \omega_{\tau\epsilon\lambda} = \frac{3\pi}{2} \text{ r/s}$

$$\omega_{\tau\epsilon\lambda} = \text{σταθερό, άρα } \omega_{\tau\epsilon\lambda} = \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \Rightarrow \frac{3\pi}{2} = \frac{\pi}{2\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{3} \text{ sec}$$



Σχήμα 4



Σχήμα 5

Μεθοδικό Φροντιστήριο

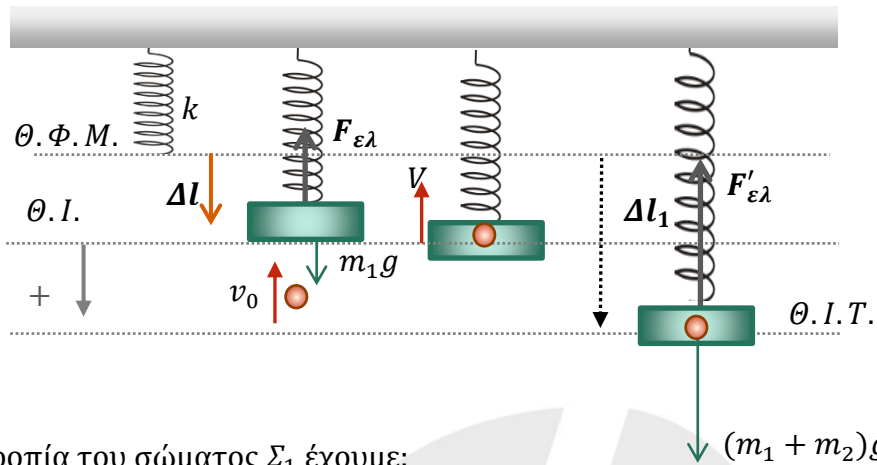
Βουλιαγμένης & Κύπρου 2, Αργυρούπολη, Τηλ: 210 99 40 999

Δ. Γούναρη 201, Γλυφάδα, Τηλ: 210 96 36 300

Ελ. Βενιζέλου 45 Ν.Σμύρνη, Τηλ: 210 93 10 320

ΘΕΜΑ Γ

Γ1.



Από την ισορροπία του σώματος Σ_1 έχουμε:

$$F_{\varepsilon\lambda} = B \Rightarrow k \cdot \Delta\ell = m g \Rightarrow k = \frac{m \cdot g}{\Delta\ell} = \frac{10}{0,05} = 200 \text{ N/m.}$$

Για τη θέση ισορροπίας της ταλάντωσης του συσσωματώματος ισχύει:

$$k \cdot \Delta\ell_1 = (m_1 + m_2)g \Rightarrow \Delta\ell_1 = \frac{(m_1 + m_2)g}{k} = \frac{20}{200} = 0,1 \text{ m.}$$

Εφόσον το συσσωμάτωμα φτάνει ως τη θέση φυσικού μήκους του ελατηρίου, το $\Delta\ell_1$ είναι και το πλάτος της ταλάντωσης.

Γ2. Έστω v η ταχύτητα του συσσωματώματος μετά την κρούση. Εφαρμόζοντας την ΑΔΜΕ έχουμε:

$$\frac{1}{2}(m_1 + m_2)v^2 + \frac{1}{2}k(\Delta\ell_1 - \Delta\ell)^2 = \frac{1}{2}k \cdot A^2 \Rightarrow$$

$$v^2 = \frac{k}{m_1 + m_2} [A^2 - (\Delta\ell_1 - \Delta\ell)^2] \Rightarrow$$

$$v^2 = \frac{100}{2} \left(\frac{100}{10000} - \frac{25}{10000} \right) = 100 \cdot \frac{75}{10000} = \frac{3}{4} \Rightarrow$$

$$v = \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ m/s.}$$

Εφαρμόζοντας την ΑΔΟ για την κρούση των m_1, m_2 έχουμε:

$$m_2 v_0 = (m_1 + m_2)v \Rightarrow v_0 = 2v \Rightarrow v_0 = \sqrt{3} \text{ m/s.}$$

Άρα η κινητική ενέργεια του σώματος Σ_2 πριν τη κρούση είναι:

$$E_k = \frac{1}{2} m_2 v_0^2 = \frac{1}{2} \cdot 3 = \frac{3}{2} \text{ J.}$$

Γ3. Για την ορμή του σώματος Σ_2 έχουμε:

Πριν τη κρούση:

$$P_2 = m_2 v_0 = \sqrt{3} \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}}.$$

Μετά την κρούση το m_2 αποτελεί μέρος του συσσωματώματος και έχει ορμή:

ΜΕΘΟΔΙΚΟ

$$P'_2 = m_2 v = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

ίδιας κατεύθυνσης με την αρχική.

$$\Delta P = P_{\tau\epsilon\lambda} = P_{\alpha\rho\chi} = \frac{\sqrt{3}}{2} - \sqrt{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ kg } \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

με κατεύθυνση αντίθετη της αρχικής ορμής.

Γ4. Τη χρονική στιγμή $t = 0$ το συσσωμάτωμα βρίσκεται στη θέση $\Delta\ell = \frac{A}{2}$ και έχει θετική ταχύτητα.

Είναι:

$$\frac{A}{2} = A\eta\mu\varphi_0 \Rightarrow \eta\mu\varphi_0 = \frac{\pi}{6}$$

Για την κυκλική συχνότητα ισχύει:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m_1 + m_2}} = 10 \text{ r/s.}$$

Άρα, για την απομάκρυνση έχουμε:

$$x = 0,1\eta\mu\left(10t + \frac{\pi}{6}\right).$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1.

Για το σώμα Σ ισχύει:

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow T_1 = W_\Sigma$$

$$\Rightarrow T_1 = M_\Sigma \cdot g = 20 \text{ N.}$$

Το νήμα (1) είναι αβαρές

και μη εκτατό:

$$T_1 = T'_1 \Rightarrow T'_1 = 20 \text{ N.}$$

Για την τροχαλία ισχύει:

$$(cm): \Sigma \tau = 0$$

$$\Rightarrow T'_1 R_T - T'_2 R_T = 0$$

$$\Rightarrow T'_1 = T'_2 \Rightarrow T'_2 = 20 \text{ N.}$$

Το νήμα (2) είναι αβαρές

και μη εκτατό:

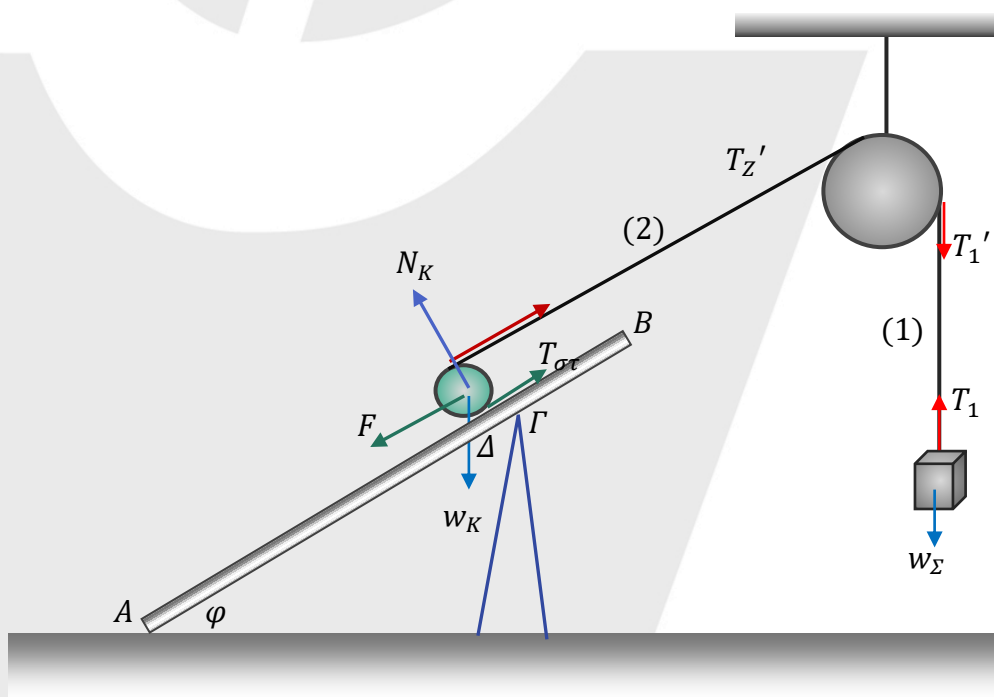
$$T'_2 = T_2 \Rightarrow T_2 = 20 \text{ N.}$$

Για τον κύλινδρο ισχύει:

$$(cm): \Sigma \tau = 0 \Rightarrow T_2 R_K - T_{\sigma\tau} R_K = 0 \Rightarrow T_2 = T_{\sigma\tau} \Rightarrow T_{\sigma\tau} = 20 \text{ N.}$$

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow T_2 + T_{\sigma\tau} - F - W_{Kx} = 0 \Rightarrow 20 + 20 - F - M_K \cdot g \cdot \eta\mu\varphi = 0$$

$$\Rightarrow 40 - F - 20 \cdot \frac{1}{2} \cdot \eta\mu\varphi = 0 \Rightarrow 40 - 10 = F \Rightarrow F = 30 \text{ N.}$$



Μεθοδικό Φροντιστήριο

Βουλαγαμένης & Κύπρου 2, Αργυρούπολη, Τηλ: 210 99 40 999

Δ. Γούναρη 201, Γλυφάδα, Τηλ: 210 96 36 300

Ελ. Βενιζέλου 45 Ν.Σμύρνη, Τηλ: 210 93 10 320

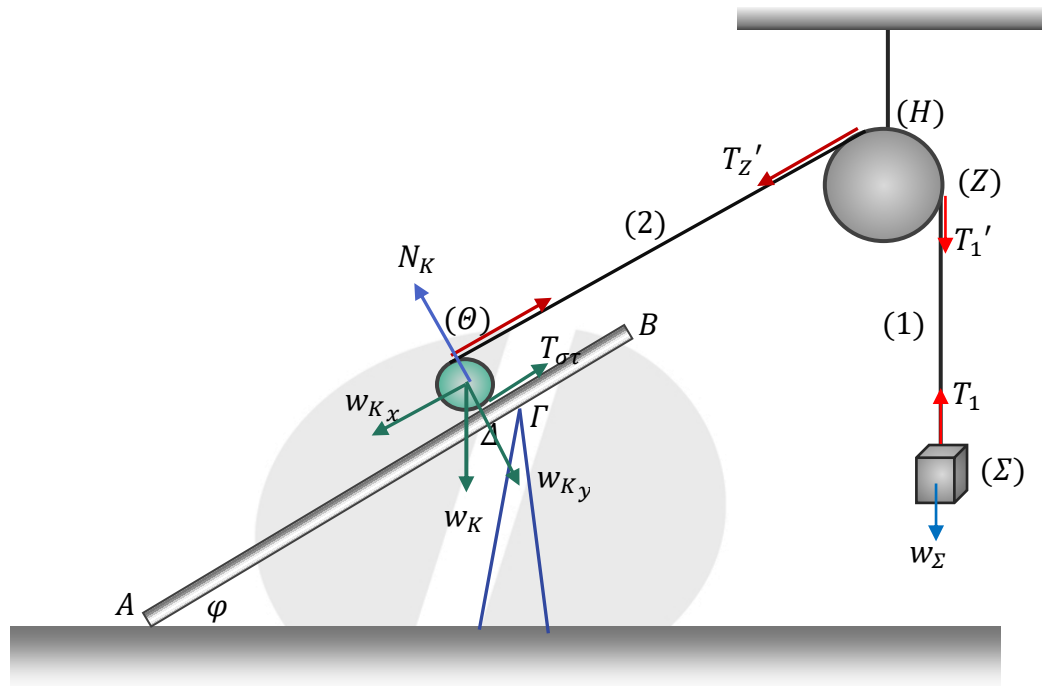
www.methodiko.net

ΜΕΘΟΔΙΚΟ

Δ2. Για τα σημεία Σ, Ζ, Η και Θ ισχύει:

$$\alpha_{\Sigma} = \alpha_{Z_{\varepsilon}} = \alpha_{H_{\varepsilon}} = \alpha_{\theta}$$

καθώς είναι συνδεδεμένα με το νήμα.



Όμως το σημείο Θ είναι το ανώτερο σημείο του κυλίνδρου οπότε $\alpha_{\theta} = 2\alpha_{cm_K}$, οπότε $\alpha_{\Sigma} = 2\alpha_{cm_K}$. Επίσης, από τη συνθήκη κύλισης για τον κύλινδρο έχουμε $\alpha_{cm_K} = \alpha_{\gamma_K} \cdot R_K$.

Για τα σημεία Ζ και Η ισχύει:

$$\alpha_{Z_{\varepsilon}} = \alpha_{H_{\varepsilon}} = R_T \cdot \alpha_{\gamma_T} \Rightarrow \alpha_{H_{\varepsilon}} = \alpha_{Z_{\varepsilon}} = \alpha_{\Sigma} = 2\alpha_{cm_K}$$

Για τις τάσεις των νημάτων ισχύει $T_1 = T'_1$ και $T_2 = T'_2$.

Για το σώμα Σ ισχύει:

$$\Sigma F_y = M_{\Sigma} \cdot \alpha_{\Sigma} \Rightarrow M_{\Sigma} \cdot g - T_1 = M_{\Sigma} \cdot 2\alpha_{cm_K} \quad (1)$$

Για την τροχαλία έχουμε:

$$(cm): \Sigma \tau = I_T \cdot \alpha_{\gamma_T} \Rightarrow T'_1 \cdot R_T - T'_2 \cdot R_T = \frac{1}{2} \cdot M_T \cdot R_T^2 \cdot \alpha_{\gamma_T} \Rightarrow$$

$$T_1 - T_2 = \frac{1}{2} \cdot M_T \cdot \alpha_{H_{\varepsilon}} \Rightarrow T_1 - T_2 = \frac{1}{2} \cdot M_T \cdot 2\alpha_{cm_K} \Rightarrow T_1 - T_2 = M_T \cdot \alpha_{cm_K} \quad (2)$$

Από τις σχέσεις (1) και (2) έχουμε:

$$M_{\Sigma} \cdot g - T_2 = (2M_{\Sigma} + M_T)\alpha_{cm_K} \quad (3)$$

Για τον κύλινδρο έχουμε:

$$\Sigma F_x = M_K \cdot \alpha_{cm_K} \Rightarrow T_2 - W_{Kx} + T_{\sigma\tau} = M_K \cdot \alpha_{cm_K} \Rightarrow$$

$$T_2 - M_K \cdot g \cdot \eta\mu\phi + T_{\sigma\tau} = M_K \cdot \alpha_{cm_K} \quad (4)$$

$$\Sigma \tau = I_K \cdot \alpha_{\gamma_K} \Rightarrow T_2 \cdot R_K - T_{\sigma\tau} \cdot R_K = \frac{1}{2} \cdot M_K \cdot R_K^2 \cdot \alpha_{\gamma_K} \Rightarrow T_2 - T_{\sigma\tau} = \frac{1}{2} \cdot M_K \cdot \alpha_{cm_K} \quad (5)$$

Από τις σχέσεις (4) και (5) έχουμε:

Μεθοδικό Φροντιστήριο

Βουλιαγμένης & Κύπρου 2, Αργυρούπολη, Τηλ: 210 99 40 999

Δ. Γούναρη 201, Γλυφάδα, Τηλ: 210 96 36 300

Ελ. Βενιζέλου 45 Ν.Σμύρνη, Τηλ: 210 93 10 320

ΜΕΘΟΔΙΚΟ

$$2T_2 - M_K \cdot g \cdot \eta\mu\varphi = \frac{3}{2} \cdot M_K \cdot \alpha_{cm_K} \quad (6)$$

Πολλαπλασιάζοντας με 2 την (3) και προσθέτοντας κατά μέλη με την (6) έχουμε:

$$2M_\Sigma \cdot g - M_K \cdot g\eta\mu\varphi = \left(\frac{3}{2}M_K + 4M_\Sigma + 2M_T\right) \alpha_{cm_K} \Rightarrow$$

$$2 \cdot 2 \cdot 10 - 2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{3}{2} \cdot 2 + 4 \cdot 2 + 2 \cdot 2\right) \cdot \alpha_{cm_K} \Rightarrow 40 - 10 = (3 + 8 + 4) \cdot \alpha_{cm_K} \Rightarrow$$

$$30 = 15 \cdot \alpha_{cm_K} \Rightarrow \alpha_{cm_K} = 2 \text{ m/s}^2.$$

$$\text{Άρα } \alpha_\Sigma = 2\alpha_{cm_K} = 4 \text{ m/s}^2.$$

Δ3. Την στιγμή $t_1 = 0,5\text{s}$ που κόβονται τα νήματα ο κύλινδρος έχει:

$$v_{cm_1} = \alpha_{cm_K} \cdot t_1 = 2 \cdot 0,5 = 1 \text{ m/s}$$

Μετά το κόψιμο των νημάτων ο κύλινδρος εκτελεί ομαλά επιβραδυνόμενη κίνηση.

$$\Sigma F_x = M_K \cdot \alpha'_{cm_K} \Rightarrow T_{\sigma\tau} - M_K g \eta\mu\varphi = M_K \cdot \alpha'_{cm_K} \quad (1)$$

$$\Sigma \tau = I_K \cdot \alpha'_{\gamma_K} \Rightarrow -T_{\sigma\tau} \cdot R_K = \frac{1}{2} M_K \cdot R_K^2 \cdot \alpha'_{\gamma_K}$$

$$-T_{\sigma\tau} = \frac{1}{2} M_K \alpha'_{cm_K} \quad (2)$$

Προσθέτοντας τις σχέσεις (1) και (2)

$$\text{έχουμε: } -M_K \cdot g\eta\mu\varphi = \frac{3}{2} M_K \cdot \alpha'_{cm_K}$$

$$\alpha'_{cm_K} = -\frac{2}{3} g\eta\mu\varphi \Rightarrow \alpha'_{cm_K} = -\frac{10 \text{ m}}{3 \text{ s}^2}$$

Για την επιβραδυνόμενη κίνηση του κυλίνδρου έχουμε:

$$v_{cm} = v_{cm_1} + \alpha'_{cm_K} \Delta t$$

$$0 = 1 - \frac{10}{3} \cdot \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{3}{10} \text{ s}$$

$$\Delta t_2 = 0,3 \text{ s}$$

$$\text{Άρα η } t_2 \text{ είναι: } t_2 = t_1 + \Delta t_2 = 0,8 \text{ s.}$$

Δ4. Από $t = 0$ έως $t_1 = 0,5\text{s}$ ο κύλινδρος διανύει:

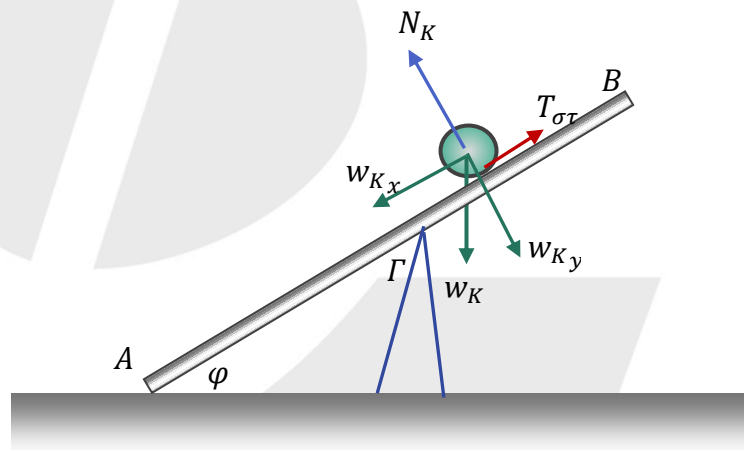
$$\Delta x_{K_1} = \frac{1}{2} \alpha_{cm_K} \cdot t_1^2 = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \text{ m} = 0,25 \text{ m.}$$

Από $t_1 = 0,5 \text{ s}$ μέχρι $t_2 = 0,8 \text{ s}$ ο κύλινδρος διανύει:

$$\Delta x_{K_2} = v_{cm_1} \cdot \Delta t_2 + \frac{1}{2} \alpha'_{cm_K} \cdot \Delta t_2^2 = 1 \cdot \frac{3}{10} - \frac{1}{2} \cdot \frac{10}{3} \cdot \frac{9}{100} = \frac{3}{10} - \frac{3}{20} = 0,3 - 0,15 = 0,15 \text{ m.}$$

Άρα το συνολικό διάστημα που διανύει είναι:

$$\Delta x_{K_{\text{ολ}}} = 0,25 \text{ m} + 0,15 \text{ m} = 0,4 \text{ m.}$$



Μεθοδικό Φροντιστήριο

Βουλιαγμένης & Κύπρου 2, Αργυρούπολη, Τηλ: 210 99 40 999

Δ. Γούναρη 201, Γλυφάδα, Τηλ: 210 96 36 300

Ελ. Βενιζέλου 45 Ν.Σμύρνη, Τηλ: 210 93 10 320

www.methodiko.net

ΜΕΘΟΔΙΚΟ

Δ5. Ροπές στη ράβδο ως προς το Γ δημιουργούν οι δυνάμεις N_δ (δύναμη που δέχεται η ράβδος από το έδαφος στο A), N'_K (η κάθετη δύναμη που ασκεί ο κύλινδρος στη ράβδο) και το W (βάρος της ράβδου).

Η N'_K είναι η αντίδραση της N_K οπότε $N_K = N'_K$.

Όμως στον κύλινδρο: $\Sigma F_y = 0 \Rightarrow N_K = M_K \cdot g \cdot \text{συν}\varphi$, οπότε $N'_K = M_K \cdot g \cdot \text{συν}\varphi$.

Η ράβδος ανατρέπεται αν μηδενιστεί η N_δ που δέχεται η σανίδα από το δάπεδο.

Ο κύλινδρος έχει ξεπεράσει το σημείο Γ

κατά:

$$d = \Delta x_{K_{ολ}} - \Gamma\Delta = 0,4 - 0,2 = 0,2 \text{ m.}$$

Για την απόσταση $M\Gamma$ όπου M το μέσο της σανίδας ισχύει $M\Gamma = 2 - \Gamma B = 0,5 \text{ m.}$

Για την ισορροπία της σανίδας τη στιγμή που σταματάει ο κύλινδρος ισχύει:

$$\Sigma \tau = 0$$

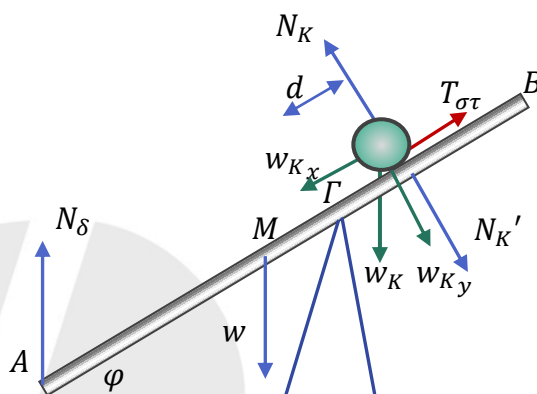
$$\Rightarrow N'_K \cdot d - M \cdot g \cdot M\Gamma \cdot \text{συν}\varphi + N_\delta \cdot \Gamma A = 0$$

$$\Rightarrow M_K \cdot g \cdot \text{συν}\varphi \cdot d - M \cdot g \cdot M\Gamma \cdot \text{συν}\varphi + N_\delta \cdot \Gamma A \cdot \text{συν}\varphi = 0 \Rightarrow$$

$$20 \cdot 0,2 - 20 \cdot 0,5 + N_\delta \cdot \Gamma A = 0 \Rightarrow$$

$$4 - 10 + N_\delta \cdot \Gamma A = 0 \Rightarrow N_\delta \cdot \Gamma A = 6 \Rightarrow N_\delta = \frac{6}{\Gamma A} \neq 0$$

άρα η ράβδος δεν ανατρέπεται καθώς δεν μηδενίζεται η N_δ .



Επιμέλεια:

Μπάμπης Μπέσης, Χαρίλαος Τσαγκαράκης, Στέφανος Μαυρογιώργης, Αντώνης Παρασκευάς,
Ιωάννης Τριανταφύλλου, Σπύρος Χαΐρης

Ευχόμαστε καλά αποτελέσματα!



Για την εύστοχη Συμπλήρωση του Μηχανογραφικού Δελτίου συμβουλευτείτε τον Οδηγό Σπουδών από τις εκδόσεις μας: «**ΣΠΟΥΔΕΣ & ΕΠΑΓΓΕΛΜΑΤΑ**».

Όλες οι απαραίτητες πληροφορίες για τις Σχολές, τις Σπουδές και τα Επαγγέλματα με βάση τις πρόσφατες αλλαγές στα Τμήματα και τις Σχολές της Τριτοβάθμιας Εκπαίδευσης!

Περισσότερες πληροφορίες στην ιστοσελίδα του ΜΕΘΟΔΙΚΟΥ: www.methodiko.net

Μεθοδικό Φροντιστήριο

Βουλιαγμένης & Κύπρου 2, Αργυρούπολη, Τηλ: 210 99 40 999

Δ. Γούναρη 201, Γλυφάδα, Τηλ: 210 96 36 300

Ελ. Βενιζέλου 45 Ν.Σμύρνη, Τηλ: 210 93 10 320

www.methodiko.net